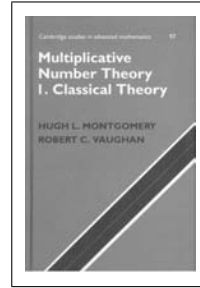


Boekbesprekingen

| Book Reviews

Redactie: Hans Cuypers en Hans Sterk

Review Editors NAW - HG 8.38
 Faculteit Wiskunde & Informatica
 Technische Universiteit Eindhoven
 Postbus 513
 5600 MB Eindhoven
 reviews@nieuwarchief.nl
 www.win.tue.nl/wgreview



Hugh L. Montgomery, Robert C. Vaughan
**Multiplicative Number Theory
 I. Classical Theory**

Cambridge: Cambridge University Press, 2007
 Cambridge Studies in Advanced Mathematics
 97

552 p., prijs £54.00

ISBN 9780521849036

Dit is het eerste deel van een standaardwerk over multiplicatieve getaltheorie. De auteurs, beiden vooraanstaande analytische getaltheoretici, hebben 25 jaar gedaan over het schrijven van dit eerste deel, maar hopen het tweede deel sneller te publiceren. Daarin zullen de in het eerste deel behandelde onderwerpen verder worden uitgediept.

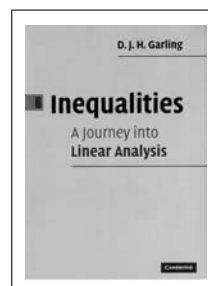
De auteurs streven er naar om met weinig voorkennis de lezer vertrouwd te maken met de belangrijke resultaten en methoden op genoemd gebied. Basiskennis wordt bekend verondersteld, maar er zijn bijlagen over Riemann-Stieltjes integratie, Bernoulli getallen, de Gamma-functie en de Poisson sommatieformule om die kennis zo nodig aan te vullen.

Sleutelwoorden voor het boek zijn arithmetische functies, zeeffmethoden, de klassieke zeta-functie en L -functies, karakters, priemgetalstellingen en resttermen. De belangrijkste resultaten die in het boek behandeld worden zijn de priemgetalstelling met verschillende bewijzen, ook met restterm, de priemgetalstelling voor rekenkundige rijen, met restterm, Siegel's ondergrens voor de waarde van de L -functie in 1, schattingen voor de groei van de zeta-functie op verschillende gebieden en op verschillende lijnen, en schattingen voor het aantal nulpunten van de zeta-functie op de kritieke as.

Het boek is geschreven in de stijl van de Engelse leermeesters van de auteurs, compact, in de stelling-bewijs-stijl zonder veel context. De achtergrond komt aan de orde in de Notes in elk van de 15 hoofdstukken. Opvallend en waardevol is daarbij de aandacht voor de historie en ontwikkeling van de behandelde theorie. Meer in de Amerikaans stijl, maar wel erg nuttig, zijn de vele opgaven die aan elke sectie zijn toegevoegd. Die variëren wel sterk in moeilijkheidsgraad, van gemakkelijk tot researchniveau, zonder dat aangegeven wordt hoe moeilijk een bepaald vraagstuk is. Opvallend is dat de literatuurverwijzingen per hoofdstuk worden gepresenteerd. Er zijn verder lijsten van gebruikte notaties, van in de tekst genoemde personen en van behandelde onderwerpen.

Dit deel I omvat meer dan 550 bladzijden. Het bevat veel informatie. Door de gekozen opzet is het nuttig voor de getaltheoreticus die college wil geven over priemgetaltheorie, maar evenzeer voor wiskundigen die willen weten of iets al bekend is op dat gebied en waar dat dan te vinden is.

Rob Tijdeman



D.J.H. Garling
**Inequalities
 A Journey into Linear Analysis**

Cambridge: Cambridge University Press, 2007

335 p., prijs £27.99

ISBN 9780521699730

If you find that *Proofs from the Book* by Aigner and Ziegler doesn't pay enough attention to analysis, this book is your choice. In a style

accessible for every beginning PhD student, the author offers a wide panorama of the many beautiful inequalities of modern day analysis.

The book starts off gently with the classics, such as the Cauchy-Schwarz inequality, the arithmetic and geometric mean inequality and its consequences, and the inequalities of measure theory due to Hölder, Minkowski, and Jensen. These are followed by chapters on decreasing rearrangements, maximal inequalities, real and complex interpolation, and martingales, tools that are used very efficiently later on.

Here the overlap with *Inequalities* by Hardy, Littlewood, and Pólya ends (incidentally, Garling is one of Hardy's academic descendants). The remaining 175 pages contain all the modern classics: the boundedness of the Hilbert transform, Khintchine's inequality and its vector-valued extension due to Kahane, hypercontractivity estimates for Bernoulli sums and gaussian sums and Beckner's sharp Hausdorff-Young inequality, Hadamard's inequality, the inequalities for eigenvalues and singular numbers due to Weyl, Horn, Ky Fan, and Lidskii, and, last but not least, Grothendieck's inequality and its consequences.

The wealth of the material packed into this book of just about 300 pages is astounding. Along the way we get primers in probability theory (martingales, sums of independent symmetric random variables, law of large numbers, central limit theorem), harmonic analysis (maximal inequalities, singular integral operators, dyadic techniques), Hilbert space operators (compact operators, Hilbert-Schmidt operators, trace class operators), and Banach space geometry (the Hahn-Banach theorem, p -summing operators, the Dvoretzky-Rogers theorem, type and cotype). This is achieved by a clever arrangement of the material and an efficient layout of the proofs. Hardly ever does a proof take more than a page; this makes a leisurely reading even though the pace is quite high.

Of course, each of the topics found in this book is covered more thoroughly in other texts. As such, it may serve as an excellent appetizer for the hungry student who wants to see what modern analysis is about.

Jan van Neerven



Frans Keune
Getallen
Van natuurlijk naar imaginair

Utrecht: Epsilon, 2009
480 p., prijs €34,00
ISBN 9789050411189

De wereld van de universiteit en die van de middelbare school zijn qua wiskunde wezenlijk anders. Ik kan me niet herinneren op de middelbare school ooit een bewijs te hebben gezien, terwijl dat op de universiteit het hoofdbestanddeel van veel vakken was. Het is voor eerstejaars studenten dan ook een flinke sprong van middelbare school naar universiteit.

Dit boek probeert de kloof tussen deze twee werelden te dichten. In de eerste plaats geschreven voor beginnende wiskundestudenten, is dit een heel geschikt boek voor de start van de opleiding. De eerste hoofdstukken van het boek kunnen ook gebruikt worden als extra stof voor middelbare scholieren die een extra uitdaging nodig hebben.

Hoewel de titel het idee geeft dat het boek alleen over getallen zou gaan, wordt dit onderwerp als leidend onderwerp gebruikt in een introductie van belangrijke wiskundige concepten en begrippen, zoals

verzamelingen, algebraïsche structuren en limieten.

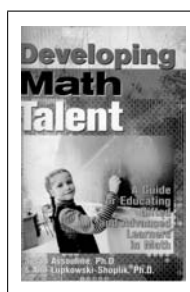
Probleem hierbij is wel dat er zoveel stof wordt behandeld dat het praktisch onmogelijk wordt om alles in één cursus te stoppen. Als dit boek voor een college gebruikt zal worden, moet de docent dus altijd een selectie maken.

Keune slaagt er goed in om wiskundige intuïtie over te brengen en zo volledig mogelijk te zijn. Nadeel van deze volledigheid is wel dat hij soms langdradig wordt en bijvoorbeeld pas tegen bladzijde 80 toe is aan de introductie van gehele getallen.

Tussendoor komen wat korte stukjes over verschillende wiskundige, deze maken de tekst net wat luchtiger. De stukjes programmacode die soms in het boek staan hadden van mij niet gehoeven, maar zijn misschien voor informaticastudenten interessant.

Samenvattend is dit een goed leesbaar boek dat de sprong van middelbareschoolwiskunde naar abstracte wiskunde vergemakkelijkt.

Bas Heijne



Susan Assouline and Ann Lupkowski-Shopluk
Developing Math Talent
A Guide for Educating Gifted and Advanced Learners in Math

Prufrock Press, Inc., 2005
387 p., prijs \$27.95
ISBN 1-59363-159-6

Dit boek is niet zeer recent verschenen, maar het thema is tijdloos en belangrijk: hoe ga je om met wiskundetalent. Eigenlijk kocht ik het boek in de hoop ook wat wiskundig materiaal aan te treffen dat ik zou kunnen gebruiken bij verrijgingslessen op een basisschool. En aanvankelijk was ik teleurgesteld dat niet te vinden. Na lezing sloeg dat om in enthousiasme.

Het boek is geschreven door een tweetal auteurs die beiden door Julian Stanley zijn ingewijd in de wereld van kinderen met talent voor wiskunde. Stanley heeft in de jaren '70 naam gemaakt op dit gebied, onderzoek gedaan, er over gepubliceerd, een instituut opgericht en een volgende generatie opgeleid. De auteurs leiden nu zelf onderzoek in hun eigen instituten.

Ik begreep dat ik altijd wat naïef was geweest, want er is heel wat meer onderzocht dan veel ouders en docenten beseffen. Het eerste hoofdstuk behandelt een aantal mythes en geeft in het kort wat weerleggingen, die in volgende hoofdstukken worden uitgewerkt. Sommige mythes zijn wel bekend bij wiskundigen, zoals: "getalenteerde wiskundigen kunnen goed rekenen" of "als slimme leerlingen extra wiskundes krijgen dan raakt de wiskundestof op voor ze aan het eind van de middelbare school zijn". Andere liggen subtieler: "standaardtoetsen zijn geschikt om wiskundetalent op te sporen" of "verrijgingslessen zijn een goede manier om talent te ontwikkelen".

Hier volgen enkele interessante dingen die ik geleerd heb uit dit boek. Het is van belang onderscheid te maken tussen goede, getalenteerde en exceptioneel getalenteerde leerlingen, met name bij het afstemmen van hun (wiskunde)onderwijs. Standaardtoetsen voor de eigen leeftijdsgroep zijn hier niet geschikt voor, want al deze leerlingen scoren in de top (het 'verzadigingsgebied' van de toets). Zogenaamde *above-level tests*, gestandaardiseerde toetsen voor een oudere leeftijdsgroep, kunnen hiervoor wel gebruikt worden.

Om wiskundetalent te ontwikkelen volstaat het niet om wat bijzondere onderwerpen aan te bieden in algemene verrijgingslessen. Vaak

is het zelfs zo dat kinderen met talent voor wiskunde maar met middelmatige scores op andere onderwerpen niet eens naar zulke verrijkslessen mogen. Talent dient systematisch ontwikkeld te worden met op dat talent afgestemd onderwijs.

Kinderen met wiskundetalent lopen al vroeg vóór en die voorsprong blijft alleen maar groeien. Een klas overslaan (al is het alleen maar voor wiskunde) helpt dan niet, want ook daar ligt het tempo (bij wiskunde) weer te laag.

De opzet van het boek is systematisch, doorspekt met tabellen, lijstjes en voorbeelden. Het slothoofdstuk behandelt een paar concrete gevallen van bijzondere kinderen en vat de geleerde lessen samen. Wel is het boek sterk gericht op de situatie in de VS (met veel verwijzingen naar Amerikaanse literatuur en hulpmiddelen), maar de meeste adviezen zijn ook hier rechtstreeks van toepassing. Ook in Nederland is meer aandacht voor wiskundetalent op school gewenst. Gelukkig zijn er in Nederland al meer initiatieven om wiskundetalent buiten school verder te helpen. Denk aan de zomerkampen van de Stichting Vierkant voor Wiskunde en de trainingen van de Nederlandse Wiskunde Olympiade.

Tom Verhoeff



Leonard Mlodinow
De dronkemanswandeling
Hoe toeval ons leven bepaalt

Uitgeverij Nieuwezijds, 2010

258 p., prijs €19,95

ISBN 9789057123153

Vertaling van: *The drunkard's walk: How randomness rules our lives*

Dit is een alleraardigst boek dat de argeloze lezer op een prettige manier langs een aantal onderwerpen uit de (elementaire) kansrekening voert. Het boek is een combinatie van geschiedenis van de kansrekening en een uitleg in vaak simpele woorden van enkele basisprincipes en anekdotes. Er staan een paar afbeeldingen in, maar geen formules.

De geschiedenis van de kansrekening wordt vrij compleet behandeld en sluit goed aan bij andere boeken hierover. De auteur laat de geschiedenis al in de klassieke oudheid beginnen met enkele treffende citaten van Cicero. Maar hij is realist genoeg om snel de sprong te maken naar de 16e eeuw, met name met het werk van Cardano, waarna hij de geschiedenis laat doorlopen tot nu.

De basisprincipes die aan de orde komen zijn divers. Voorbeelden zijn het betrouwbaarheidsinterval, foutenvoortplanting, de wet van Bayes, eenvoudige kansen als de fractie van successen, en patroonherkenning. De auteur heeft er voor gekozen dit allemaal te presenteren zonder gebruik te maken van formules. Voor een goed verstaander is het geen enkel probleem om de bedoeling precies te begrijpen.

De anekdotes in het boek zijn weergaloos. De auteur geeft een heldere uitleg van het bekende probleem van de quizmaster, die een kandidaat vraagt om één van drie deuren aan te wijzen waar een prijs achter ligt en die na de keuze van de kandidaat voor een daarvan, zonder dat deze geopend wordt, er één opent waar de schat niet achter ligt. De vraag is dan of de kandidaat steeds de andere deur moet openen. De winnende strategie om dat inderdaad te doen wordt prima uitgelegd. En ijersterk is het stukje waarin de auteur beschrijft hoe hij, 20 jaar geleden, van zijn arts te horen krijgt dat de kans dat hij nog 10 jaar te leven heeft kleiner is dan 0.001. Het feit dat hij nog leeft en dit boek heeft geschreven zijn gebaseerd op een terechte interpretatie van de kans op de fout positieven. Dit voorbeeld kan in ieder college

over kansrekening gebruikt worden.

Het boek is goed leesbaar, uitstekend vertaald, de voorbeelden zijn smakelijk verteld en liggen dicht bij onze dagelijkse beleving en wat er aan diepgang in voorkomt kan de wetenschappelijke kritiek zonder probleem doorstaan. Daarnaast heeft de uitgever besloten om het boek laag geprijsd te houden. Al met al is deze Nederlandse editie zeer de moeite waard, en een must om te lezen, zowel voor de professionele kansrekenaar als voor de geïnteresseerde leek.

Alfred Stein

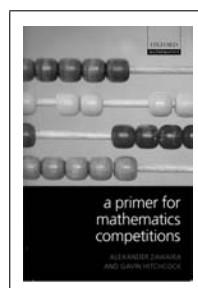


J. Douglas Faires
First Steps for Math Olympians
Using the American Mathematics Competitions

Mathematical Association of America, 2006

307 p., \$53.95

ISBN 9780883858240

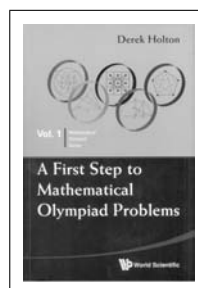


Alexander Zawaira, Gavin Hitchcock
A Primer for Mathematics Competitions

Oxford University Press, 2009

344 p. £23.50

ISBN 9780199539888



Derek Holton
A First Step to Mathematical Olympiad Problems

World Scientific Publishing, 2009

279 p., €30.99

ISBN 9789814273879

Alle drie de boeken die hier besproken worden komen voort uit trainingsinitiatieven voor de wiskundeolympiade. Het boek van Faires ontstond in de Verenigde Staten, dat van Zawaira en Hitchcock in Zimbabwe en Holtons boek in Nieuw Zeeland. Om de inhoud te kunnen plaatsen is het zaak wat van die olympiade te weten.

De internationale wiskundeolympiade (IMO) werd in 1959 in het leven geroepen met als voornaamste doel het ontdekken en stimuleren van wiskundetalent onder middelbare scholieren. Het belangrijkste middel daartoe is een uitdagende wedstrijd met wiskunde problemen die een echte onderzoeksmentaliteit vereisen. Om deze problemen toegankelijk te houden voor deelnemers uit de hele wereld, komen alleen problemen aan bod uit een beperkt stel wiskundige gebieden en moeten oplossingen 'elementair' zijn. Die gebieden zijn traditioneel meetkunde, getaltheorie, algebra en combinatoriek, zonder calculus en kansrekening.

In de loop der jaren is het niveau van de wedstrijd langzaam maar zeker gestegen. Opgaven bij de IMO zijn tegenwoordig zelfs lastig voor professionals. Dit komt doordat er met meer inspanning naar talent wordt gezocht, maar met name omdat steeds meer landen er veel werk van maken om ontdekt talent systematisch te ontwikkelen.

Faires zegt zich te richten op de top 10% tot 15% van een gemiddelde bovenbouw klas, dus niet op de elite. Het materiaal is opgedeeld in achttien korte hoofdstukken, die elk een thema behandelen, zoals polynomen en hun nulpunten, of de meetkunde van de cirkel. Er komt ook wat materiaal aan bod dat minder een rol speelt bij de olympiade maar wel bij Amerikaanse wedstrijden: kansrekening, ruimtemeetkunde en complexe getallen. Elk hoofdstuk is afgesloten met voorbeelden en (multiple-choice) oefeningen, waarvan volledige uitwerkingen achterin te vinden zijn, alwaar ook een bronvermelding staat.

Om een indruk te geven van het niveau dat Faires nastreeft: meetkunde gaat tot en met Ceva, de macht van een punt en koordenvierhoeken; getaltheorie gaat tot en met priemontbinding en modulair rekenen; combinatoriek gaat tot en met inclusie-exclusie en het ladenkastprincipe (al staat dat laatste in het hoofdstukje over getaltheorie); en de algebra komt er wat bekaaid af. Er is wel veel aandacht voor (speciale) functies, maar functievergelijkingen en ongelijkheden worden niet behandeld. Toch zou het al heel mooi zijn als de top 10% van de Nederlandse scholieren dit niveau van probleemoplossen zou halen.

Zawaira en Hitchcock zijn ambitieuzer en hebben hun materiaal ook meer ingericht naar de wiskundeolympiade. Ze beginnen met een overzicht van de olympiade en besteden aandacht aan vragen als “wat heb je nu aan zo’n training” en “welke carrièremogelijkheden zijn er voor wiskundetalent”. Er zijn acht forse hoofdstukken rond thema’s. Die hoofdstukken beginnen met een paar problemen als appetizer, waarvan de oplossing pas later komt. Motivatie, stellingen (veelal met bewijzen) en voorbeelden zijn verweven. Separate paragrafen met problemen en oplossingen sluiten zo’n hoofdstuk af.

De hoofdstuksonderwerpen bij Zawaira en Hitchcock zijn: meetkunde (ook Menelaus en Ptolemaeus), algebraïsche ongelijkheden en inductie (Cauchy–Schwarz, arithmetic mean – geometric mean), Diophantische vergelijkingen, getaltheorie (ook kleine Fermat, Wilson en Chinese reststelling), goniometrie, rijen en reeksen, binomium van Newton, en tot slot combinatoriek (ook partities en verplaatsingen). Het negende hoofdstuk bevat gemengde opgaven, waarbij je dus vooraf minder weet in welke richting je de oplossing moet zoeken. Veel van de problemen zijn ook hier in de vorm van multiple-choice vragen.

Holton heeft al veel meer gepubliceerd over wiskundige problemen oplossen. Dit boek is deel 1 uit de nieuwe *Mathematical Olympiad Series*, die nog meer aantrekkelijke titels van andere auteurs bevat, veelal toegespitst op deelgebieden. Holton heeft dit nieuwe boek

samengesteld uit deeltjes 1 tot en met 8 van zijn *Problem Solving Series*, uitgegeven door *The Mathematical Association* (van Nieuw Zeeland) in de jaren 1988–89, al zegt hij dat nergens. Vermoedelijk worden deeltjes 9 tot en met 15 ook nog een keer gebundeld. Die reeks richtte zich destijds op trainingen voorafgaand aan de selectie van het nationale team voor de IMO. Tegenwoordig ligt het IMO-niveau veel hoger en schiet het hiervoor te kort. Wel laat Holton merken dat problemen oplossen wat hem betreft de essentie van alle wiskunde is en benadrukt hij het wiskundig creatieve aspect hierin.

In het eerste hoofdstuk presenteert Holton aan de hand van een paar toegankelijke problemen enkele algemene technieken die bij probleemoplossen nuttig zijn. De volgende hoofdstukken gaan over combinatoriek, graaftheorie, getaltheorie (wel kleine Fermat, geen Chinese reststelling), meetkunde (twee hoofdstukken, maar geen Ceva of koordenvierhoeken), en bewijzen. Toch is het allemaal niet gericht op gevorderden en komt er minder theorie aan bod dan bij Faires (met uitzondering van graaftheorie). Het slothoofdstuk presenteert enkele IMO-opgaven en biedt hierbij achtergrondinformatie.

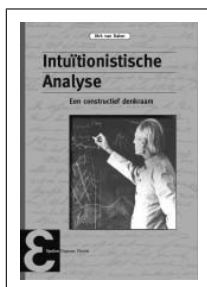
Er is veel overlap in inhoud bij deze drie boeken, maar de uitwerking verschilt nogal. Faires is duidelijk gericht op breedte en een lager niveau en komt wat droog over. Ook Holton houdt het eenvoudiger als het om behandelde theorie gaat, alleen brengt hij het veel sappiger. Alle drie de boeken bevatten een register, maar alleen Zawaira en Hitchcock verwijzen nog naar andere boeken, tijdschriften en websites. De typografie is bij de boeken van Faires en Holton onberispelijk, terwijl dat van Zawaira en Hitchcock wat amateuristisch oogt (bekijk ook eens hun grafieken van sinusfuncties).

Opmerkelijk is overigens dat alleen Holton aandacht schenkt aan het meta-cognitieve niveau, zoals Pólya dat doet in zijn fameuze *How to Solve It*. Geen van deze boeken verwijst expliciet naar Pólya, zelfs Holton niet, die zijn eigen stappenplan presenteert.

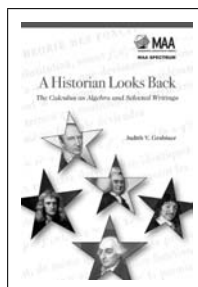
Ook in Nederland is de training de laatste jaren flink uitgebreid en met succes. Er is mooi trainingsmateriaal en er zijn voldoende trainers door het hele land om trainingen te begeleiden, al kan het niveau nog omhoog. Een goede training werkt aan een degelijke basiskennis, het opdoen van ervaring met veel en gevarieerde opgaven, en het vergelijken van verschillende oplossingstechnieken bij elke opgave. Deze boeken geven hier elk op hun eigen manier een nuttige invulling aan. Met Faires en Holton komen hooguit een of twee van de zes IMO-opgaven binnen bereik, terwijl met Zawaira en Hitchcock misschien ook wel een derde of zelfs vierde IMO opgave haalbaar wordt. Je moet natuurlijk wel oefenen, oefenen, oefenen.

Tom Verhoeff

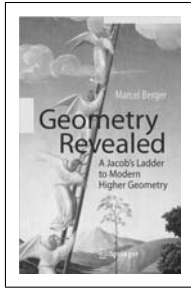
Recent verschenen publicaties. Als u een van deze boeken wilt bespreken of als u suggesties heeft voor andere boeken voor deze rubriek, laat dit dan per e-mail weten aan reviews@nieuwarchief.nl.



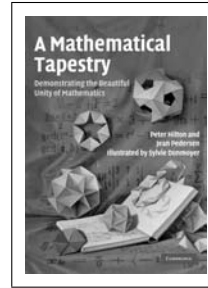
Dirk van Dalen
Intuitionistische analyse
 Epsilon Uitgaven, 2011
 ISBN 9789050411240
www.epsilon-uitgaven.nl/E66.php



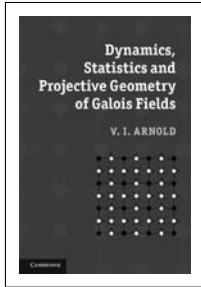
Judith V. Grabiner
A Historian Looks Back
 Mathematical Association of America, Cambridge University Press, 2010
 ISBN 9780883855720
www.cambridge.org/gb/knowledge/isbn/item5940234/A-Historian-Looks-Back/?site_locale=en_GB



Marcel Berger
Geometry Revealed
A Jacob's Ladder to Modern Higher Geometry
 Springer Verlag, 2010
 ISBN 9783540709961
www.springer.com/mathematics/geometry/book/978-3-540-70996-1



Peter Hilton, Jean Pedersen
A Mathematical Tapestry
 Cambridge University Press, 2010
 ISBN 9780521128216
www.cambridge.org/gb/knowledge/isbn/item3779802/A-Mathematical-Tapestry/?site.locale=en_GB



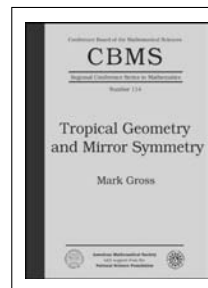
V.I. Arnold
Dynamics, Statistics and Projective Geometry of Galois Fields
 Cambridge University Press, 2010
 ISBN 9780521692908
[www.cambridge.org/gb/knowledge/isbn/item5692831/Dynamics, Statistics and Projective Geometry of Galois Fields/?site.locale=en_GB](http://www.cambridge.org/gb/knowledge/isbn/item5692831/Dynamics,-Statistics-and-Projective-Geometry-of-Galois-Fields/?site.locale=en_GB)



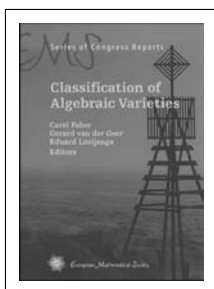
Johannes J. Duistermaat
Discrete Integrable Systems
 Springer Verlag, 2010
 ISBN 9781441971166
www.springer.com/mathematics/algebra/book/978-1-4419-7116-6?changeHeader



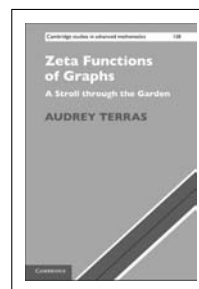
Arno van den Essen
Nieuwe getallenstelsels
 Veen magazines, 2010
 ISBN 9789085713364
www.veenmagazines.nl/oo/vm/nl/o/product/60713/Nieuwe_getallenstelsels.html



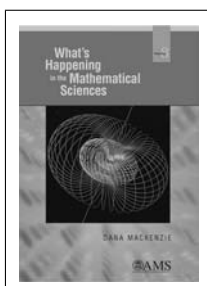
Mark Gross
Tropical geometry and mirror symmetry
 American Mathematical Society, 2011
 ISBN 9780821852323
www.ams.org/bookstore?fn=20&arg1=whatsnew&ikey=CBMS-114



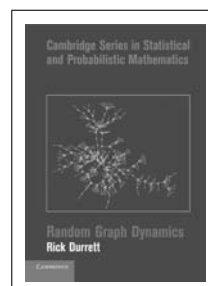
Carel Faber, Gerard van der Geer, Eduard Looijenga (eds.)
Classification of Algebraic Varieties
 European Mathematical Society, 2011
 ISBN 9783037190074
www.ems-ph.org/books/book.php?proj.nr=124



Audrey Terras
Zeta Functions of Graphs
 Cambridge University Press, 2010
 ISBN 9780521113670
www.cambridge.org/gb/knowledge/isbn/item5634698/Zeta-Functions-of-Graphs/?site.locale=en_GB



Dana Mackenzie
What's happening in the mathematical sciences, Volume 8
 American Mathematical Society, 2011
 ISBN 9780821849996
www.ams.org/bookstore?fn=20&arg1=whatsnew&ikey=HAPPENING-8



Rick Durrett
Random Graph Dynamics
 Cambridge University Press, 2010
 ISBN 9780521150163
www.cambridge.org/gb/knowledge/isbn/item4027371/Random-Graph-Dynamics/?site.locale=en_GB